

A.POZİTİF KUVVET

Aşağıdaki tekrarlı çarpımların sonuçlarını bulunuz.

Tam sayı	Tekrar Sayısı	Sonuç
2	3	
-2	4	
-5	3	
-3	0	
1	5	
15	1	

Sıra Sizde-1

1-) Aşağıdaki üslü ifadelerin sonuçlarını bulunuz.

a) 2^{-4}

b) 2^{-5}

c) 3^{-2}

d) 3^{-3}

e) 5^{-1}

f) 10^{-2}

2-) Aşağıdaki üslü ifadelerin sonuçlarını bulunuz.

Bilgi: Negatif sayılarda çift kuvvet parantezin dışında ise işlemin sonucu pozitiftir, diğer durumların hepsinde işaret negatiftir.

Sıra Sizde-2

a) $(-3)^{-2}$

b) -3^{-2}

c) (-3^{-2})

d) -5^{-3}

e) -6^{-2}

f) $(-8)^{-2}$

B.NEGATİF KUVVET

Bir üslü ifade paydan paydaya veya paydadan paya alındığında, **üssün işaretini değiştir**.

Yani sayı takla atarsa(ters çevrilirse) üstteki sayı işaret değiştirir.

a sıfırdan farklı bir tam sayı olmak üzere,

$$a^n = \frac{1}{a^{-n}}$$

Örnek 1:

2^{-3} sayısını kesir olarak yazalım.

$$2^{-3} = \frac{1}{(2)^3} = \frac{1}{2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{1}{8}$$

BİLGİ: $a \neq 0$, $b \neq 0$ ve n reel sayı olmak üzere;

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

Örnek 2:

$\left(\frac{1}{5}\right)^{-2}$ ifadesinin değerini bulalım.

$$\left(\frac{1}{5}\right)^{-2} = \left(\frac{5}{1}\right)^2 = \frac{5}{1} \cdot \frac{5}{1} = \frac{25}{1} = 25$$

C.RASYONEL SAYILARIN KUVVETLERİ

a,b ve x sıfırdan farklı birer tam sayı olmak üzere;

$$\left(\frac{a}{b}\right)^x = \frac{a^x}{b^x} \text{ dir.}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-x} = \left(\frac{b}{a}\right)^x = \frac{b^x}{a^x}$$

Örnek: Aşağıdaki alıştırmaları inceleyelim.

$$\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{3^2}{4^2} = \frac{9}{16}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^{-3} = \left(\frac{5}{2}\right)^3 = \frac{5^3}{2^3} = \frac{125}{8}$$

Sıra Sizde-3

Aşağıda verilen ifadelerin sonuçlarını bulunuz.

$$\text{a)} \left(\frac{1}{3}\right)^3 =$$

$$\text{b)} \left(-\frac{2}{3}\right)^2 =$$

$$\text{c)} \left(-\frac{6}{5}\right)^3 =$$

$$\text{d)} \left(-\frac{5}{3}\right)^2 =$$

$$\text{e)} \left(-1\frac{3}{4}\right)^2 =$$

$$\text{f)} \left(-2\frac{1}{3}\right)^3 =$$

Sıra Sizde-4

Aşağıda verilen ifadelerin sonuçlarını bulunuz.

$$\text{a)} \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} =$$

$$\text{b)} \left(\frac{1}{3}\right)^{-2} =$$

$$\text{c)} \left(-\frac{1}{2}\right)^{-2} =$$

$$\text{d)} \left(-\frac{2}{5}\right)^{-3} =$$

$$\text{e)} \left(-\frac{3}{2}\right)^{-4} =$$

Sıra Sizde-5

Aşağıdaki ifadelerin sonuçlarının en sade halini bulunuz.

$$\text{a)} (0,25)^2 =$$

$$\text{b)} (1,6)^2 =$$

$$\text{c)} (0,4)^3 =$$

$$\text{d)} (0,2)^{-4} =$$

$$\text{e)} (-0,5)^{-2} =$$

$$\text{f)} (-1,5)^{-2} =$$

D. ÜSLÜ SAYININ ÜSSÜ

Üslü bir ifadenin üssü alınırsa, üsler çarpılır.

$$(x^m)^n = x^{m \cdot n}$$

Örnek: $(2^3)^4$ ifadesinin sonucunu bulalım.

$$(2^3)^4 = 2^{3 \cdot 4} = 2^{12}$$

Sıra Sizde-6

a) $(2^3)^2$

d) $(-1^{-4})^{-2}$

b) $(3^2)^3$

e) $(-5^{-1})^{-2}$

c) $(5^1)^2$

f) $(-6^3)^0$

Bilgi: Negatif sayılarda çift kuvvet parantezin dışında ise işlemin sonucu pozitiftir, diğer durumların hepsinde işaret negatiftir.

Örnek: $(-2^2)^3 = -2^6 = -64$ $(-2^3)^2 = (-2)^6 = 64$

g) $(-5^1)^2$

h) $(-3^2)^3$

m) $\left((-2^2)^3\right)^4$

k) $(-3^2)^3$

n) $\left((-3^2)^0\right)^5$

Sıra Sizde-7

Aşağıdaki noktalı yerlere $<$, $,$, $=$ sembollerinden uygun olanları yazınız

a) $(2^{-5})^2 \dots 2^{-10}$

d) $-5^0 \dots 1$

b) $(-2)^2 \dots (-2)^3$

e) $(-3^2)^3 \dots 1$

c) $4^{-2} \dots 4^{-3}$

f) $(-6^{-2})^{-3} \dots (-6^{-3})^{-2}$

E. ONDALIK SAYILARDA ÇÖZÜMLEME

Örnek: 275,489 sayısının 10 un kuvvetlerini kullanarak çözümleyelim.

275,489 sayısının üzerine bize yardımcı olması açısından 10 un kuvvetlerini yazalım.

$$\begin{array}{ccccccc} 10^2 & 10^1 & 10^0 & 10^{-1} & 10^{-2} & 10^{-3} \\ 2 & 7 & 5 & , & 4 & 8 & 9 \end{array}$$

$$(2 \cdot 100) + (7 \cdot 10) + (5 \cdot 1) + (4 \cdot 0,1) + (8 \cdot 0,01) + (9 \cdot 0,001)$$

$$(2 \cdot 10^2) + (7 \cdot 10^1) + (5 \cdot 10^0) + (4 \cdot \frac{1}{10}) + (8 \cdot \frac{1}{100}) + (9 \cdot \frac{1}{1000})$$

$$(2 \cdot 10^2) + (7 \cdot 10^1) + (5 \cdot 10^0) + (4 \cdot 10^{-1}) + (8 \cdot 10^{-2}) + (9 \cdot 10^{-3})$$

Yukarıdaki üç gösterim birbirinin aynısıdır.

Sıra Sizde-8

Aşağıdaki ifadeleri çözümleyiniz

a) 45,18

b) 32,067

c) 608,108

d) 970,35

e) 76,005

Sıra Sizde-9

Aşağıda çözümlenmiş hali verilen sayıları bulunuz.

a) $(6 \cdot 10^1) + (7 \cdot 10^0) + (5 \cdot 10^{-1}) + (9 \cdot 10^{-2})$

b) $(2 \cdot 10^2) + (5 \cdot 10^0) + (3 \cdot 10^{-1}) + (1 \cdot 10^{-3})$

c) $(7 \cdot 10^2) + (2 \cdot 10^1) + (6 \cdot 10^{-2}) + (9 \cdot 10^{-3})$

d) $(8 \cdot 10^3) + (5 \cdot 10^{-2})$

ALIŞTIRMALAR

1-) Aşağıdaki ifadelerden doğru olanları başına D, yanlış olanların başına Y harfi koyunuz.

	$3^5 = 3+3+3+3+3$
	$4^3 = 4 \cdot 4 \cdot 4$
	$2^4 = 4^2$
	$3^2 = 2^3$
	$(-5)^0 = 1$
	$-6^2 = 36$

2-) $(-5)^2 + (-7)^2$ işleminin sonucunu bulunuz.

3-) $(-3)^3 + (-8)^2$ işleminin sonucunu bulunuz.

4-) $\frac{(-2)^6 - (-1)^{1453}}{(-3)^0}$ işleminin sonucunu bulunuz.

5-) $2^{-1} + 3^{-1}$ işleminin sonucunu bulunuz.

6-) $8 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{-1} + 8 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{-2}$ işleminin sonucunu bulunuz.

7-) $16 \cdot 2^{-3} - 27 \cdot 3^{-2} + 10$ işleminin sonucunu bulunuz.

8-) Aşağıdaki eşitliklerde üslü sayıların kuvvetini bulunuz.

a) $7^x = \frac{1}{49}$ x =

b) $-\frac{1}{27} = -3^y$ y =

c) $-8 = -2^a$ a =

d) $5^b = \frac{1}{25}$ b =

e) $5^{c-7} = 1$ c =

9-) Aşağıdaki ifadelerden hangileri doğrudur?

I-) $(-2^2)^3 = (-2^3)^2$

II-) $(-5^{-3})^{-4} = 5^{12}$

III-) $2^{-5} = -\frac{1}{32}$

IV-) $(0,6)^{-2} = \frac{25}{9}$

10-) $8 \cdot 10^1 + 7 \cdot 10^{-1} + 3 \cdot 10^{-3}$ şeklinde çözümlemiş hali verilen sayıyı bulunuz.